

Lösung von Gleichgewichtsaufgaben

Vorgehen

- 1) Skizze des Systems
- Erstarrungsprinzip (mechanisches System ⇒ starre Körper), bekannte (eingeprägte) Kräfte eintragen
- 3) Schnittprinzip, unbekannte Kräfte (Reaktionskräfte) eintragen
- 4) Wahl eines günstigen Koordinatensystems
- 5) Auswertung der Gleichgewichtsbedingungen

Die Gleichgewichtsbedingungen sind in Koordinaten bezüglich des Ursprungs O angeschrieben. Dabei bezeichnen $\boldsymbol{F}_i = [F_{x_i} F_{y_i} F_{z_i}]^T$ die Kräfte mit den Angriffspunkten Q_i und den entsprechenden Ortsvektoren $\boldsymbol{r}_{OQ_i} = \boldsymbol{r}_i = [x_i \ y_i \ z_i]^T$.

Für ebene parallele Kräftesysteme kann die Summe aller Kräfte durch eine zweite Summe aller Momente bezüglich eines zusätzlichen Bezugspunktes P ersetzt werden.

Modell Kräftesystem	Punkt	Körper
räumlich	$\sum_{i} F_{x_i} = 0$ $\sum_{i} F_{y_i} = 0$ $\sum_{i} F_{z_i} = 0$	$\sum F_{x_i} = 0 , \sum (y_i F_{z_i} - z_i F_{y_i}) = 0$ $\sum F_{y_i} = 0 , \sum (z_i F_{x_i} - x_i F_{z_i}) = 0$ $\sum F_{z_i} = 0 , \sum (x_i F_{y_i} - y_i F_{x_i}) = 0$
eben	$\sum F_{x_i} = 0$	$\sum F_{x_i} = 0 ,$
$F_{z_i} = 0 , z_i = 0$	$\sum F_{y_i} = 0$	$\sum (x_{i}F_{y_{i}} - y_{i}F_{x_{i}}) = 0$ $\sum F_{y_{i}} = 0 ,$
eben, parallel $F_{y_i} = 0 \; , \; z_i = 0$ $F_{z_i} = 0 \; ,$	$\sum F_{x_i} = 0$	$\sum F_{x_i} = 0 , \sum y_i F_{x_i} = 0$ oder $\sum y_i F_{x_i} = 0 , \sum y_{\mathrm{PQ}_i} F_{x_i} = 0$