



Bild 2.19: Relativbewegung eines starren Körpers

ausgedrückt in den Größen der Relativbewegung,

$$\mathbf{r}_1(t) = \mathbf{r}_R(t) + \mathbf{r}_{RK}(t), \quad (2.252) \perp 1$$

$$\mathbf{S}_J(t) = \mathbf{S}_R(t) \cdot \mathbf{S}_{RK}(t). \quad (2.253) \perp \mathcal{G}$$

Beachtet man nun weiterhin die inverse Deformation

$$\boldsymbol{\rho} = \mathbf{S}_{RK}^T(t) \cdot \mathbf{S}_R^T(t) \cdot \mathbf{r}_{RP}(\boldsymbol{\rho}, t), \quad (2.254)$$

so erhält man durch die materielle Ableitung von (2.250) die absolute *Geschwindigkeit*

$$\begin{aligned} \mathbf{iv}(\boldsymbol{\rho}, t) &= \frac{d}{dt} \mathbf{I} \mathbf{r}_R + \frac{d}{dt} \mathbf{S}_R \cdot [\mathbf{r}_{RK} + \mathbf{S}_{RK} \cdot \boldsymbol{\rho}] + \mathbf{S}_R \cdot \left[\frac{d}{dt} \mathbf{r}_{RK} + \frac{d}{dt} \mathbf{S}_{RK} \cdot \boldsymbol{\rho} \right] \perp T 1 \\ &= \mathbf{i} \mathbf{r}_R^* + \mathbf{I} \tilde{\boldsymbol{\omega}}_R \cdot \mathbf{I} \mathbf{r}_{RK} + \mathbf{i} \mathbf{r}_{RK} + (\mathbf{I} \tilde{\boldsymbol{\omega}}_R + \mathbf{I} \tilde{\boldsymbol{\omega}}_{RK}) \cdot \mathbf{I} \mathbf{r}_{RK}, \quad (2.255) \perp \perp 1 \end{aligned}$$

wobei (*) die Ableitung im Inertialsystem und (·) die Ableitung im Referenzsystem bedeutet. Damit findet man durch Vergleich mit (2.86) für die Gesetze der Relativbewegung, siehe z.B. auch Magnus und Müller [22],

$$\mathbf{v}_1(t) = \mathbf{r}_R^*(t) + \tilde{\boldsymbol{\omega}}_R(t) \cdot \mathbf{I} \mathbf{r}_{RK}(t) + \mathbf{i} \mathbf{r}_{RK}(t), \quad (2.256) \perp 1 \quad \circ \mathcal{G}$$

$$\boldsymbol{\omega}_J(t) = \boldsymbol{\omega}_R(t) + \boldsymbol{\omega}_{RK}(t). \quad (2.257) \perp \mathcal{G}$$

Durch eine entsprechende Rechnung erhält man schließlich für die absolute Be- T K